

1-2) On sait que $a_T = \frac{dv}{dt}$

Or $v = r\dot{\theta} \Rightarrow a_T = r\ddot{\theta}$

donc $a_T = r\ddot{\theta} = 5 \times 10^{-2} \times 40 = 2 \text{ m.s}^{-2}$

$a_N = \frac{v^2}{r} = \frac{(r\dot{\theta})^2}{r} = r\dot{\theta}^2$

On a $\dot{\theta}(t) = \dot{\theta}_0 t + \dot{\theta}_0$

$\Rightarrow \dot{\theta}(t) = 40t + 10$

à $t = 3 \text{ s}$

$\dot{\theta} = 40 \times 3 + 10 = 130$

d'où $a_N = 130^2 \times 5 \times 10^{-2} = 845 \text{ m.s}^{-2}$

1-3) On a par étude dynamique

D'après la relation fondamentale de dynamique

$M_b(\vec{P}) + M_b(\vec{T}) + M_b(\vec{R}) = \vec{J}_b \ddot{\theta}$

$M_b(\vec{P}) - M_b(\vec{R}) = 0$ car leurs droites d'action
passent par l'axe.

d'où $\vec{J}_b \ddot{\theta} = M_b(\vec{T})$

Repère supposé galiléen.

On applique la 2ème loi de Newton sur (S).

On a $\vec{P} + \vec{T} = m\vec{a}$

Projection sur OZ donne :

(Schéma réalisé au
début de l'exercice)

$P - T = ma$

$\Rightarrow T = mg - ma$ (1)

D'après (1) $\vec{J}_b \ddot{\theta} = r(mg - ma)$

$\Rightarrow \vec{J}_b \ddot{\theta} = rmg - mr\ddot{\theta}$ car $a_T = a = r\ddot{\theta}$

$\Rightarrow \vec{J}_b = \frac{rmg}{\ddot{\theta}} - mr = \frac{0,05 \times 9,1 \times 10}{40} - 0,05 \times 9,1 \times 10$

Alors $\vec{J}_b = 10^{-3} \text{ kg.m}^2$

تنبيه: يمنع على المترشح (ة) الإمضاء أو وضع أي علامة يمكنها كشف هويته (1)